

CORRECTION DEVOIR MAHEMATIQUE N°1 SEMESTRE 1

Exercice N°1 : (4pts)

I. Recopie et complète les phrases suivantes :

- a- Pour tous réels x et y , si $|x| = |y|$ alors : $x = y$ ou $x = -y$
 b- Soit a et b deux réels tels que a soit positif : $(\sqrt{a})^2 = a$; $\sqrt{a^2} = |a|$

II. Réponds par vrai (V) ou faux (F) en justifiant ta réponse :

- a. La moitié de $\sqrt{18}$ est $\sqrt{9}$ **Faux** car la moitié de $\sqrt{18} = \frac{\sqrt{18}}{2} = \frac{3\sqrt{2}}{2} \neq \sqrt{9} = 3$
 b. Le double de $\sqrt{5}$ est $\sqrt{20}$ **Vrai** car le double de $\sqrt{5} = 2 \times \sqrt{5} = \sqrt{20} = \sqrt{4 \times 5} = 2 \times \sqrt{5}$
 c. Si $m < 0$ alors $\frac{m}{\sqrt{m^2}} = -1$ **Vrai** car $\frac{m}{|m|} = \frac{m}{-m} = -1$

Exercice N°2 : (4pts)

1°) Donner une écriture simplifiée des sommes algébriques suivantes :

$$A = 5\sqrt{200} - 6\sqrt{98} + \sqrt{50} - 10\sqrt{2} + \sqrt{9}$$

$$B = \sqrt{18} + 16\sqrt{8} - \sqrt{9} - 32\sqrt{2}$$

$$A = 5\sqrt{100 \times 2} - 6\sqrt{49 \times 2} + \sqrt{25 \times 2} - 10\sqrt{2} + 3$$

$$B = \sqrt{9 \times 2} + 16\sqrt{4 \times 2} - 3 - 32\sqrt{2}$$

$$A = 5 \times 10\sqrt{2} - 6 \times 7\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 10\sqrt{2} + 3$$

$$B = 3\sqrt{2} + 16 \times 2\sqrt{2} - 3 - 32\sqrt{2}$$

$$A = 50\sqrt{2} - 42\sqrt{2} + 5\sqrt{2} - 10\sqrt{2} + 3$$

$$B = 3\sqrt{2} + 32\sqrt{2} - 3 - 32\sqrt{2}$$

$$A = 3\sqrt{2} + 3$$

$$B = 3\sqrt{2} - 3$$

$$C = \sqrt{192} - \frac{2}{3}\sqrt{27} - \sqrt{12} + \sqrt{3}$$

$$D = \sqrt{\frac{16}{28}} - \sqrt{\frac{175}{49}} - \sqrt{\frac{25}{7}}$$

$$C = \sqrt{64 \times 3} - \frac{2}{3}\sqrt{9 \times 3} - \sqrt{4 \times 3} + \sqrt{3}$$

$$D = \frac{4}{\sqrt{4 \times 7}} - \frac{\sqrt{25 \times 7}}{7} - \frac{5}{\sqrt{7}}$$

$$C = 8\sqrt{3} - \frac{2}{3} \times 3\sqrt{3} - 2\sqrt{3} + \sqrt{3}$$

$$D = \frac{4}{2\sqrt{7}} - \frac{5\sqrt{7}}{7} - \frac{5}{\sqrt{7}}$$

$$C = 8\sqrt{3} - 2\sqrt{3} - 2\sqrt{3} + \sqrt{3}$$

$$D = \frac{2\sqrt{7}}{7} - \frac{5\sqrt{7}}{7} - \frac{5\sqrt{7}}{7}$$

$$C = 5\sqrt{3}$$

$$D = -\frac{8\sqrt{7}}{7}$$

Exercice N°3 : (6pts)

On pose $A = \sqrt{5} - 2$ et $B = \sqrt{5} + 2$

1. Montre que A est positif

Étudions le signe de $\sqrt{5} - 2$

$$\begin{cases} (\sqrt{5})^2 = 5 \\ 2^2 = 4 \end{cases} \Rightarrow 5 - 4 = 1 > 0 \text{ Donc } \sqrt{5} - 2 > 0 \text{ D'où } A \text{ est positif}$$

2. Calcule A^2 ; B^2 ; $A \times B$. Que peut-on dire des réels A et B

$$A^2 = (\sqrt{5} - 2)^2 = 9 - 4\sqrt{5} \quad B^2 = (\sqrt{5} + 2)^2 = 9 + 4\sqrt{5} \quad A \times B = (\sqrt{5} - 2)(\sqrt{5} + 2) = 1$$

On peut dire que A et B sont des inverses

On pose $x = A - B$

a. Calcule x^2

$$x^2 = (A - B)^2 = A^2 - 2AB + B^2 = 9 - 4\sqrt{5} - 2 \times 1 + 9 + 4\sqrt{5} = 16$$

b. Détermine x sachant que x est négatif.

$$\text{On sait que } x^2 = 16 \Rightarrow x = \pm\sqrt{16} \text{ comme } x \text{ est négatif d'où } x = -4$$

4. Ecris à l'aide d'un radical le réel $Z = \sqrt{9 - 4\sqrt{5}}$.

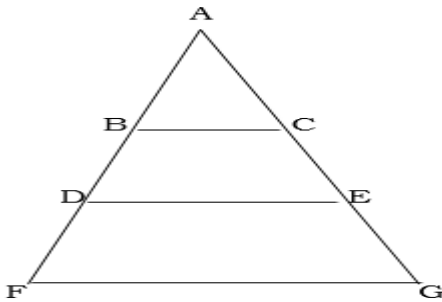
$$Z = \sqrt{9 - 4\sqrt{5}} = \sqrt{(\sqrt{5} - 2)^2} = |\sqrt{5} - 2| = -\sqrt{5} + 2$$

5. Montre que le réel $m = \frac{7\sqrt{5}-14}{-\sqrt{5}+2}$ est un entier relatif

$$m = \frac{7\sqrt{5}-14}{-\sqrt{5}+2} = \frac{7(\sqrt{5}-2)}{-(\sqrt{5}-2)} = -7 \in \mathbb{Z}$$

Exercice N°4 : (6pts)

Soit la figure ci-dessous



$$AB = 2\text{cm} \quad AE = 9\text{cm}$$

$$AD = 6\text{cm} \quad BC = 3\text{cm}$$

$$AF = 12\text{cm} \quad AG = 18\text{cm}$$

$$(BC) \parallel (DE)$$

1) Détermine AC ; DE et CE

Les triangles ADE et ABC sont en configurations de Thalès d'après le théorème de Thalès on a :

$$\frac{AC}{AE} = \frac{AB}{AD} \Rightarrow AC = \frac{AB \times AE}{AD} \quad \text{donc } AC = 3\text{cm} \quad \frac{BC}{DE} = \frac{AB}{AD} \Rightarrow DE = \frac{BC \times AD}{AB} \quad \text{donc } DE = 9\text{cm}$$

$$CE = AE - AC \quad \text{donc } CE = 6\text{cm}$$

2) Montre que (DE) //(FG)

$$\left\{ \begin{array}{l} \frac{AD}{AF} = \frac{6}{12} = \frac{1}{2} \\ \frac{AE}{AG} = \frac{9}{18} = \frac{1}{2} \end{array} \right. \Rightarrow \frac{AD}{AF} = \frac{AE}{AG} \quad \text{En plus } D \in [AF] \text{ et } E \in [AG] ; \text{ d'après la réciproque du théorème de Thalès}$$

(DE) //(FG)

3) En deduire que FG = 18cm

$$\frac{DE}{FG} = \frac{AE}{AG} \Rightarrow FG = \frac{DE \times AG}{AE} \quad \text{donc } FG = 18\text{cm}$$